

ANALITIČKA GEOMETRIJA PROSTORA – Zadaci (2. dio)

5. a) Odredite parametarski oblik jednadžbe pravca koji prolazi točkom $A(-2,1,-1)$ i paralelan je s vektorom $\vec{s} = \{1,-2,3\}$.

b) Odredite jednadžbu pravca p koji prolazi točkom $T(-4,3,0)$ i paralelan je s pravcem

$$q \dots \begin{cases} x - 2y + z = 4 \\ 2x + y - z = 0 \end{cases} .$$

6. a) Odredite kut između pravaca

$$p_1 \dots \begin{cases} x - y + z - 4 = 0 \\ 2x + y - 2z + 5 = 0 \end{cases} \quad \text{i} \quad p_2 \dots \begin{cases} x + y + z - 4 = 0 \\ 2x + 3y - z - 6 = 0 \end{cases} .$$

b) Odredite kut između pravca $\begin{cases} x = 2z - 1 \\ y = -2z + 1 \end{cases}$ i pravca koji prolazi ishodištem i točkom $T(1,-1,-1)$.

c) Pokažite da je pravac $p_1 \dots \begin{cases} x = z + 1 \\ y = 1 - z \end{cases}$ okomit na pravac $p_2 \dots \frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{1}$.

7. a) Odredite kut između pravca $p \dots \begin{cases} y = 3x - 1 \\ 2z = -3x + 2 \end{cases}$ i ravnine $2x + y + z - 4 = 0$.

b) Odredite jednadžbu ravnine koja prolazi točkom $M_0(2,-1,4)$, a okomita je na pravac $\frac{x}{1} = \frac{y+2}{-2} = \frac{z-3}{5}$.

8. a) Odredite probodište pravca $p \dots \begin{cases} x - 2y + z = 0 \\ 3x + y + 2z - 7 = 0 \end{cases}$ s ravninom $-2x + 4y - 3z = 0$.

b) Odredite probodište pravca $p \dots \frac{x-1}{3} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z-3}{4}$ s ravninom $x + 3y - 2z - 5 = 0$

9. a) Odredite ortogonalnu projekciju točke $T(3,1,-1)$ na ravninu $x + 2y + 3z - 30 = 0$.

b) Odredite udaljenost točke $T(3,1,-1)$ od ravnine $x + 2y + 3z - 30 = 0$.

c) Odredite ortogonalnu projekciju točke $T(2,3,4)$ na pravac $p \dots \frac{x}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z}{1}$.

d) Odredite udaljenost točke $T(2,3,4)$ od pravca $p \dots \frac{x}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z}{1}$.

10. a) Pokažite da se pravci $p_1 \dots \begin{cases} x = z - 2 \\ y = 2z + 1 \end{cases}$ i $p_2 \dots \frac{x-2}{3} = \frac{y-4}{1} = \frac{z-2}{1}$ sijeku.

Odredite njihovo sjecište, te odredite jednadžbu ravnine u kojoj se ta dva pravca nalaze.

- b) Odredite $\lambda \in \mathbb{R}$ tako da se pravci $p_1 \dots \frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z}{2}$ i $p_2 \dots \frac{x+2}{-2} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-\lambda}{1}$ sijeku, a zatim odredite sjecište tih pravaca.

11. a) Odredite međusobni položaj pravca $p_1 \dots \begin{cases} x - y + 1 = 0 \\ 2x - y + 2z + 2 = 0 \end{cases}$ i $p_2 \dots \begin{cases} x - y + 1 = 0 \\ 2x - y + 2z + 4 = 0 \end{cases}$ Odredite njihovu udaljenost.

- b) Dokažite da su pravci $p_1 \dots \frac{x}{-2} = \frac{y-1}{3} = \frac{z}{1}$ i $p_2 \dots \frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$ mimosmjerni (mimoilazni), te odredite najkraću udaljenost među njima.

12. a) Odredite jednadžbu ravnine koja prolazi točkom $T(2,3,0)$ i paralelna je s pravcima

$$p_1 \dots \frac{x-2}{3} = \frac{y-1}{4} = \frac{z+2}{1} \text{ i } p_2 \dots \frac{x-4}{2} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-1}{4} .$$

- b) Odredite jednadžbu ravnine koja prolazi točkom $T(3,4,0)$ i pravcem

$$p \dots \frac{x-2}{1} = \frac{y-2}{2} = \frac{z+1}{3} .$$

- c) Odredite jednadžbu ravnine koja sadrži pravac $p \dots \frac{x-1}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z+2}{2}$ i okomita je na ravninu $2x + 3y - z = 4$.